

**Resposta da questão 1:** [E]

Tem-se que o número da primeira figurinha da última página é  $875 - 25 + 1 = 851$ . Logo, a figurinha especial de maior número que inicia uma página é o maior múltiplo de 7 dentre:  $851, 826, 801, \dots$ . Daí, como  $826 = 118 \cdot 7$ , podemos afirmar que a resposta é 34.

**Resposta da questão 2:** [E]

Sendo  $540 = 2^2 \cdot 3^3 \cdot 5$ ,  $810 = 2 \cdot 3^4 \cdot 5$  e  $1080 = 2^3 \cdot 3^3 \cdot 5$ , vem que o máximo divisor comum desses números é  $2 \cdot 3^3 \cdot 5 = 270$ . Contudo, se o comprimento das novas peças deve ser menor do que 200 centímetros, então queremos o maior divisor comum que seja menor do que 200, ou seja,  $3^3 \cdot 5 = 135$ . A resposta é  $40 \cdot \frac{540}{135} + 30 \cdot \frac{810}{135} + 10 \cdot \frac{1080}{135} = 420$ .

**Resposta da questão 3:** [E]

Todos os quadrados perfeitos possuem uma quantidade de divisores ímpar, logo todos os armários com numeração que são quadrados perfeitos estarão abertos e todos os armários que não são quadrados perfeitos estarão fechados.

$4 \rightarrow 1, 2, 4 \rightarrow A, F, A$ .

$17 \rightarrow 1, 17 \rightarrow A, F$ .

$39 \rightarrow 1, 3, 13, 39 \rightarrow A, F, A, F$ .

**Resposta da questão 4:** [D]

Número de páginas não impressas:  $636 : 3 = 212$

Total de páginas impressas:  $323 - 212 = 111$

Escrevendo todos os quadrados perfeitos de 1 até 111, temos: 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100.

Temos então 10 quadrados perfeitos utilizados na enumeração das páginas.

**Resposta da questão 5:** [D]

Para que o número dado seja divisível por 10, o algarismo das unidades deve ser, obrigatoriamente, igual a zero.

Logo, B é igual a zero.

Para que o número dado seja divisível por 3, a soma de seus algarismos deve ser um múltiplo de 3. Ou seja:

$$B = 0 \rightarrow 5A38B = 5A380$$

$$5A380 \rightarrow 5 + A + 3 + 8 + 0 = 3x \rightarrow 16 + A = X$$

Logo,  $X > 16$  e X é múltiplo de 3.

$$\text{Se } X = 18 \rightarrow A = 2$$

$$\text{Se } X = 21 \rightarrow A = 5$$

$$\text{Se } X = 24 \rightarrow A = 8$$

A única opção que apresenta valores possíveis de A e B, respectivamente, é a alternativa [D].

**Resposta da questão 6:** [A]

O número de professores corresponde ao máximo divisor comum dos números de redações. Portanto, desde que

$702 = 2 \cdot 3^3 \cdot 13$ ,  $728 = 2^3 \cdot 7 \cdot 13$  e  $585 = 3^2 \cdot 5 \cdot 13$ , temos  $\text{mdc}(702, 728, 585) = 13$ . Logo, como  $52 = 4 \cdot 13$ , segue o resultado.

**Resposta da questão 7:** [A]

Os remédios serão tomados simultaneamente a cada MMC  $(4, 5, 6) = 60$  horas. Portanto, em 30 dias, os três remédios foram ingeridos simultaneamente

$$\frac{30 \cdot 24}{60} = 12 \text{ vezes.}$$

**Resposta da questão 8:** [C]

De 1/1 a 31/5 temos  $31 + 28 + 31 + 30 + 31 = 151$  dias.

Sabendo que ele viajou no dia 1° de janeiro, ainda restarão 150 dias e como  $150 = 37 \cdot 4 + 2$  (37 viagens), e supondo que a duração de cada viagem seja de 4 dias, segue que o maquinista poderá fazer, no máximo, 38 viagens ( $37 + 1$  (1/1)) até o início das suas férias. Após o período de férias, restarão  $365 - (151 + 10) = 204$  dias para viajar. Como  $204 = 51 \cdot 4$ , segue que ele poderá fazer, no máximo, 51 viagens, totalizando, assim,  $38 + 51 = 89$  viagens no ano.

**Resposta da questão 9:** [C]

MMC  $(7, 5) = 35$ , ou seja, o círculo 1 deverá dar 5 voltas, e o círculo 2, 7 voltas para que os pontos A e B voltem a se

encontrar. Número de voltas do círculo 3:  $\frac{35}{3} = 11\frac{2}{3}$ .

**Resposta da questão 10:** [E]

Escrevendo o produto dado na forma canônica, obtemos

$$(20)^8 \cdot (200)^3 = (2^2 \cdot 5)^8 \cdot (2^3 \cdot 5^2)^3 = 2^{25} \cdot 5^{14}.$$

Assim, o número de divisores naturais do produto

$$(20)^8 \times (200)^3 \text{ é } (25 + 1) \cdot (14 + 1) = 26 \cdot 15 = 390.$$