

## Resposta da questão 1:[B]

Das intersecções do gráfico, tem-se:

$$f(x) = a(x-2)(x+1)(x+3)$$

se  $a = 1$ :

$$f'(0) = (0-2)(0+1)(0+3) = -6 \Rightarrow \text{intersecção em } (-6, 0)$$

$$\text{mas a intersecção é } (0, 2) \quad a = \frac{1}{3}$$

$$f(x) = \frac{1}{3}(x-2)(x+1)(x+3)$$

$$a+b+c+d = \frac{1}{3} + 2 - 1 - 3 = -\frac{5}{3}$$

## Resposta da questão 2:[D]

Para obter a altura máxima basta obter o valor do vértice  $y_v$  da função  $h(t)$ .

$$V = (x_v; y_v) = \left( \frac{-b}{2a}; \frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c \rightarrow \Delta = 8^2 - 4 \cdot (-2) \cdot (0) \rightarrow \Delta = 64$$

$$V = \left( \frac{8}{2 \cdot (-2)}; \frac{64}{4 \cdot (-2)} \right) = (2; 8)$$

A altura máxima é 8 m.

## Resposta da questão 3:[C]

$$x_{\text{máx}} = \frac{-b}{2a} = \frac{-8}{2 \cdot (-2)} \Rightarrow x_{\text{máx}} = 2$$

$$h_{\text{máx}} = -2 \cdot 2^2 + 8 \cdot 2 \Rightarrow h_{\text{máx}} = 8 \text{ m}$$

## Resposta da questão 4:[C]

Seja  $L = ax^2 + bx + c$ , com  $L$  sendo o lucro obtido com a venda de  $x$  unidades. É fácil ver que  $c = 0$ . Ademais, como a parábola passa pelos pontos  $(10, 1200)$  e

$$(20, 1200), \text{ temos } \begin{cases} 100a + 10b = 1200 \\ 400a + 20b = 1200 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -6 \\ b = 180 \end{cases}$$

Portanto, segue que  $L = -6x^2 + 180x = 1350 - 6(x-15)^2$ .

O lucro máximo ocorre para  $x = 15$  e é igual a R\$ 1.350,00.

## Resposta da questão 5:[E]

$$y + 2x = 60 \Rightarrow y = 60 - 2x$$

$$S_{\text{retângulo}} = x \cdot y = x \cdot (60 - 2x) = 60x - 2x^2$$

$$x_{\text{máx}} = \frac{-b}{2 \cdot (-2)} \Rightarrow x_{\text{máx}} = 15 \Rightarrow y_{\text{máx}} = 30$$

$$S_{\text{retângulo}} = 15 \cdot 30 = 450 \text{ m}^2$$

## Resposta da questão 6:[B]

Seja  $T = at + b$ , com  $T$  sendo a temperatura após  $t$  minutos. É imediato que  $b = 24$ .

Ademais, como o gráfico de  $T$  passa pelo ponto  $(48, 0)$ ,

$$\text{temos } 0 = a \cdot 48 + 24 \Leftrightarrow a = -\frac{1}{2}$$

Queremos calcular o valor de  $t$  para o qual se tem  $T = -18^\circ\text{C}$ . Desse modo, vem

$$-18 = -\frac{1}{2}t + 24 \Leftrightarrow t = 84 \text{ min.}$$

## Resposta da questão 7:[A]

Para obter o custo de cada camiseta, basta aplicar o valor  $x = 50$  na função  $y(x)$ .

$$y(x) = 0,4x + 60$$

$$y(50) = 0,4 \cdot (50) + 60 \rightarrow y(50) = 20 + 60 = 40$$

Portanto, R\$ 40,00 cada camiseta.

## Resposta da questão 8:[B]

A taxa de variação do nível da bateria é igual a  $\frac{40-100}{16-10} = -10$ . Desse modo, o nível da bateria atinge

$$10\% \text{ após } \frac{90}{10} = 9 \text{ horas de uso, ou seja, às 19 h.}$$

## Resposta da questão 9:[D]

O único gráfico que apresenta uma função linear é o mostrado na alternativa [D].

## Resposta da questão 10:[D]

Para obter o montante obtido ao final de quatro meses basta aplicar  $t = 4$  na função  $M(t) = C \cdot (1,1)^t$ . Porém, deve-se observar o que o valor do capital inicial ( $C$ ), segundo o gráfico, é  $C = 1000$ , pois é o primeiro valor da curva exponencial. Desta forma, temos:

$$M(t) = C \cdot (1,1)^t \rightarrow M(t) = 1000 \cdot (1,1)^t$$

$$M(4) = 1000 \cdot (1,1)^4 \rightarrow M(4) = 1000 \cdot 1,4641$$

$$M(4) = 1464,10 \text{ reais}$$

## Resposta da questão 11:[D]

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+]$$

$$\text{pH} = -\log(2 \cdot 10^{-8})$$

Aplicando a propriedade de produto dentro do argumento dos logaritmos:

$$\text{pH} = -(\log(2) + \log(10^{-8}))$$

Aplicando a propriedade dos expoentes:

$$\text{pH} = -(\log(2) - 8 \cdot \log(10))$$

Sabendo que  $\log 2 = 0,3$  e  $\log 10 = 1$ :

$$\text{pH} = (\log(2) - 8 \cdot \log(10)) \rightarrow \text{pH} = (0,3 - 8 \cdot (1)) \rightarrow \text{pH} = 7,7$$

## Resposta da questão 12:[C]

Sabendo que a receita  $r$  é dada por: receita = preço  $\cdot$  quantidade, temos:

$$r = p \cdot x \rightarrow r = (100 - x) \cdot x \rightarrow r = 100x - x^2$$

Como a função  $r$  é de segundo grau e o argumento a que acompanha a variável  $x^2$  é negativo, basta obtermos o vértice dessa função.

Calculando o vértice temos:

$$V = (x_v; y_v) = \left( \frac{-b}{2a}; \frac{\Delta}{4a} \right)$$

$$\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c \rightarrow \Delta = 10000 - 4 \cdot (-1) \cdot (0) \rightarrow \Delta = 10000$$

$$V = \left( \frac{100}{2 \cdot (-1)}; \frac{10000}{4} \right) = (50; 2500)$$

Agora, basta substituir a primeira coordenada  $x_v$  na função  $p$ :  $p = 100 - x$   $p = 100 - 50$   $p = 50$

### Resposta da questão 13:[E]

Primeiramente deve-se obter as dimensões do cercado através das raízes da equação

$$x^2 - 45x + 500 = 0:$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} = \frac{45 \pm \sqrt{45^2 - 4 \cdot 1 \cdot 500}}{2 \cdot 1}$$

$$x = \frac{45 \pm \sqrt{2025 - 2000}}{2} = \frac{45 \pm 5}{2}$$

$$x = \begin{cases} 25 \\ 20 \end{cases}$$

Sabendo as dimensões do cercado, basta obter o perímetro (2p) do retângulo de dimensões 20 × 25, logo:

$$(2p) = 20 + 25 + 20 + 25$$

$$(2p) = 90 \text{ m}$$

Como Pedro irá utilizar cinco voltas de arame, basta multiplicar o perímetro por cinco para se obter a quantidade de arame:  $90 \times 5 = 450 \text{ m}$ .

### Resposta da questão 14:[E]

Do enunciado, temos:

$$\overline{C(x)} = \frac{C(x)}{x}, \text{ onde } \overline{C(x)} \text{ é o custo médio.}$$

Então,

$$\overline{C(x)} = \frac{10000 + ax}{x}$$

$$\overline{C(x)} = \frac{10000}{x} + \frac{ax}{x}$$

$$\overline{C(x)} = \frac{10000}{x} + a$$

Em janeiro,  $\overline{C(1000)} = 60$ , logo,

$$60 = \frac{10000}{1000} + a$$

$$60 = 10 + a$$

$$a = 50$$

Em fevereiro, para que não haja prejuízo, devemos ter:

$$75x - (10000 + 50x) \geq 0$$

$$75x - 10000 - 50x \geq 0$$

$$25x \geq 10000$$

$$x \geq 400$$

$$x_{\text{mínimo}} = 400$$

### Resposta da questão 15:[B]

Queremos calcular o valor de  $t$  para o qual se tem  $f(t) = 1600$ . Logo, temos

$$2t^2 + 120t = 1600 \Leftrightarrow t^2 + 60t = 800 \Leftrightarrow (t + 30)^2 = 100 \Leftrightarrow t = 20 \text{ ou } t = 40.$$

Portanto, como o número de infectados alcança 1600 pela primeira vez no 20º dia, segue o resultado.

### Resposta da questão 16:[E]

A taxa de variação do volume de água presente na caixa-d'água é dada por  $\frac{0,85 - 1}{13 - 7} = -0,025$ . Logo,

se  $p(t) = 1 - 0,025 \cdot t$  é a porcentagem do volume inicial de água, presente na caixa-d'água, após  $t$  horas, segue que o dispositivo interromperá o funcionamento do sistema após um tempo  $t$  dado por  $0,05 = 1 - 0,025 \cdot t \Leftrightarrow t = 38 \text{ h}$ .

Portanto, como o sistema foi acionado às 7 h da manhã de segunda-feira, a interrupção se dará às 21h de terça-feira.

### Resposta da questão 17:[D]

Chamemos de  $e$  o resultado procurado. Sabendo que a temperatura de solidificação da água na escala Celsius é

$$\text{igual a } 0^\circ\text{C, vem } \frac{e - 0}{0 - 80} = \frac{0 - 16}{16 - 41} \Leftrightarrow e \cong -51^\circ\text{E.}$$

### Resposta da questão 18:[D]

$$\text{Desde que } 20 \text{ min} = \frac{1}{3} \text{ h, vem } p\left(\frac{1}{3}\right) = 40 \cdot 2^{3 \cdot \frac{1}{3}} = 80.$$

Portanto, após 20 min, a população será duplicada

### Resposta da questão 19:[B]

$$\text{Sendo } y(0) = 0,5, \text{ temos } a^{0-1} = 0,5 \Leftrightarrow a = 2.$$

Assim, queremos calcular o valor de  $t$  para o qual se tem  $y(t) = 0,5 + 7,5 = 8$ , ou seja,  $2^{t-1} = 8 \Leftrightarrow t = 4$ .

### Resposta da questão 20:[E]

Para

$$t = ? \Rightarrow P(t) = 3P(0)$$

$$P(0) = 250 \cdot (1,2)^{\frac{0}{5}} \Rightarrow P(0) = 250$$

$$\text{Logo, } P(t) = 3P(0) \Rightarrow 250 \cdot (1,2)^{\frac{t}{5}} = 750 \Rightarrow (1,2)^{\frac{t}{5}} = 3$$

Aplicando logaritmos, temos:

$$\Rightarrow \log(1,2)^{\frac{t}{5}} = \log 3$$

$$\Rightarrow \frac{t}{5} \log\left(\frac{12}{10}\right) = \log 3$$

$$\Rightarrow \frac{t}{5} (\log 12 - \log 10) = \log 3$$

$$\Rightarrow \frac{t}{5} (2 \log 2 + \log 3 - \log 10) = \log 3$$

$$\Rightarrow \frac{t}{5} (2 \times (0,3) + 0,48 - 1) = 0,48$$

$$\Rightarrow \frac{t}{5} (0,08) = 0,48 \Rightarrow t = 30 \text{ anos}$$

### Resposta da questão 21:[C]

De acordo com as informações, tem-se que o gráfico do comportamento da eficácia do medicamento passa pelos pontos (0; 0), (1; 100), (3; 100), (6; 20), (6,5; 100), (10; 100) e (12; 20). Portanto, como o gráfico da variação da eficácia corresponde a uma curva contínua, só pode ser o da alternativa [C].

### Resposta da questão 22:[A]

Determinando a ordenada do vértice da função  $f(x) = x^2 - 6x + 10$ , temos:  $\frac{-\Delta}{4a} = -\frac{(-4)}{4 \cdot 1} = 1$ , que é seu valor mínimo.

Portanto, a altura mínima será dada por:  $y = \sqrt{1} = 1$

**Resposta da questão 23:**[D]

$$V(t) = -\frac{1}{43200}t^2 + 3$$

$$0 = -\frac{1}{43200} \cdot t^2 + 3$$

$$t^2 = 129600$$

$$t = 360 \text{ min}$$

$$t = 6 \text{ h}$$

**Resposta da questão 24:**[A]

Considerando que na figura a bola atinge o ponto mais alto quando está a 3,5m do eixo y. Isto nos permite escrever que o x do vértice é 3,5.

Portanto, na função  $y = ax^2 + bx + c$ , o valor do x do

vértice será dado por:  $-\frac{b}{2a} = 3,5 \Rightarrow b = -7a$

O valor de c é justamente a ordenada do ponto onde a reta intercepta o eixo y, portanto  $c = 2$ .

Temos então a função do segundo grau descrita por:

$$y = ax^2 - 7x + 2$$

É possível também observar na figura que o ponto (4,6; 3) pertence ao gráfico desta parábola, logo:

$$3 = a \cdot (4,6)^2 - 7a \cdot (4,6) + 2 \rightarrow 3 = 21,16a - 32,2a + 2$$

$$1 = 11,4a \rightarrow a = \frac{1}{11,04} \text{ e } b = \frac{7}{11,04}$$

Portanto,  $y = \frac{-x^2}{11,04} + \frac{7x}{11,04} + 2$

**Observação:** quando determinamos que  $b = -7a$ , poderíamos ter assinalado diretamente a resposta, pois a única alternativa em que  $b = -7a$  é a [A].

**Resposta da questão 25:**[C]

Ao analisar o gráfico, percebe-se que de zero a 4 anos o veículo Y desvalorizou seu preço em R\$20.000,00 (de R\$55 mil para R\$35 mil). Já o veículo X, no mesmo período desvalorizou R\$5.000,00 (de R\$30 mil para R\$25 mil). Assim, a perda com a venda será de R\$25.000,00.

**Resposta da questão 26:**[B]

Se de abril a junho há uma queda de R\$15 mil ao mês, e sabe-se pelo gráfico que no mês de maio os lucros eram de R\$183 mil, então no mês de abril os lucros foram de:

$$183.000 + 15.000 = 198.000 \text{ reais}$$

Se de janeiro a abril há um crescimento linear nos lucros, e sabe-se pelo gráfico que no mês de fevereiro os lucros eram de R\$174 mil, então no mês de março os

lucros foram de:  $\frac{198.000 + 174.000}{2} = 186.000 \text{ reais}$

Ou seja, de fevereiro a março houve um aumento de R\$12 mil. Lembrando que o crescimento dos lucros de janeiro a abril é linear (o aumento é o mesmo em todos os meses), os lucros no mês de janeiro foram de:

$$174.000 - 12.000 = 162.000 \text{ reais}$$

**Resposta da questão 27:**[C]

De acordo com o gráfico, no segundo trimestre foram vendidas 150 pranchas. Já no terceiro trimestre foram vendidas 180 pranchas. Isso significa um aumento de 30 pranchas em relação ao segundo semestre. Ou seja, o aumento nas vendas do 2º trimestre para o 3º trimestre foi de 20% ( $30 \div 150 = 0,2 \Rightarrow 20\%$ ).

**Resposta da questão 28:**[B]

Se a diferença entre os comprimentos horizontal e vertical é igual à metade do comprimento vertical, então

$$2a - 2b = b \Leftrightarrow a = \frac{3b}{2}$$

Portanto, a resposta é  $V = 4 \cdot \frac{3b}{2} \cdot b^2 = 6b^3$ .

**Resposta da questão 29:**[D]

Tem-se que a soma dos algarismos de  $1a79b$  é  $a+b+17$ . Logo, como  $a+b+17$  é um múltiplo positivo de 3, e b só pode ser zero ou 5, temos: (i) se  $b = 0$ , então  $a \in \{1, 4, 7\}$ ; (ii) se  $b = 5$ , então  $a \in \{2, 5, 8\}$ . Em consequência, vem  $N = 6$ .

**Resposta da questão 30:**[E]

Tem-se que  $12000 = 6000 \cdot e^{k \cdot 20} \Leftrightarrow e^{20k} = 2$ .

Logo, para  $t = 1 \text{ h} = 60 \text{ minutos}$ , vem

$$Q(60) = 6000 \cdot e^{k \cdot 60} = 6000 \cdot (e^{20k})^3 = 6000 \cdot 8 = 4,8 \times 10^4$$

**Resposta da questão 31:**[C]

Sendo  $f(x)$  o número de células após x divisões, com  $x \in \{1, 2, 3, \dots\} = \mathbb{N}^*$  e  $f(x) \in \{2, 4, 6, \dots\}$ , só pode ser, dentre as funções apresentadas, a da alternativa [C].

**Resposta da questão 32:**[E]

Fazendo os cálculos:

$$s(t) = 1.800 \cdot (1,03)^t \rightarrow s(2) = 1.800 \cdot (1,03)^2 \rightarrow s(2) = 1909,62$$

**Resposta da questão 33:**[B]

Para evitar prejuízo, deve-se ter

$$3,8x - (0,4 \cdot 3,8x + 570) > 0 \Leftrightarrow 2,28x > 570 \Leftrightarrow x > 250$$

Portanto, o número mínimo de tubos de plástico que devem ser produzidos e vendidos é igual a 251. Daí, segue que  $251 \in [248, 260]$ .

**Resposta da questão 34:**[D]

Para obter tal instante basta igualar os dois volumes,

$$\text{logo } V_A(t) = V_B(t) \Rightarrow 200 + 3t = 5000 - 3t \Rightarrow t = \frac{4800}{6} = 800 \text{ min.}$$

**Resposta da questão 35:**[D]

Tem-se que 50% do número de habitantes corresponde a  $0,5 \cdot 11,4 \cdot 10^6 = 5,7 \cdot 10^6$ . Se n é o número de meses necessário para que o número de veículos da frota paulista se torne igual a  $5,7 \cdot 10^6$ , então

$$5,7 \cdot 10^6 = 0,022 \cdot 10^6 \cdot n + 4,8 \cdot 10^6 \Leftrightarrow n = \frac{0,9}{0,022} \Rightarrow n \approx 41$$

Portanto, concluímos que  $\frac{41}{12} \approx 3,4$  anos é o resultado procurado.

**Resposta da questão 36:**[B]

Seja  $\omega$  a velocidade do ponteiro maior.

A posição do ponteiro menor após  $t$  minutos é dada por

$$\alpha = \frac{9}{8}\omega t, \text{ enquanto que a posição do ponteiro maior é}$$

igual a  $\beta = \pi + \omega t$ . Logo, para que o ponteiro menor encontre o ponteiro maior, deve-se ter

$$\alpha = \beta \Leftrightarrow \frac{9}{8}\omega t = \pi + \omega t$$

$$\Leftrightarrow \omega t = 8\pi.$$

Portanto, o resultado pedido é  $\frac{8\pi}{2\pi} = 4$ .

**Resposta da questão 37:**[D]

Queremos saber o valor de  $t$  para o qual se tem  $c(p) = 6,8$ . Ora, segue que  $6,8 = 0,5p + 1 \Leftrightarrow p = 11,6$ .

Portanto, o resultado pedido é tal que

$$11,6 = 10 + 0,1t^2 \Leftrightarrow t^2 = 16 \Rightarrow t = 4.$$

**Resposta da questão 38:**[A]

Lembrando que  $\log_b a^c = c \cdot \log_b a$  e  $\log_b b = 1$ , com  $a, b, c$  reais positivos e  $b \neq 1$ , temos

$$Q = 1 + 4 \cdot (0,8)^{2P} \Leftrightarrow \frac{Q-1}{4} = (0,8)^{2P}$$

$$\Leftrightarrow \log_{0,8} \frac{Q-1}{4} = \log_{0,8} (0,8)^{2P} \Leftrightarrow 2P = \log_{0,8} \frac{Q-1}{4}$$

$$\Leftrightarrow P = \frac{1}{2} \cdot \log_{0,8} \frac{Q-1}{4} \Leftrightarrow P = \log_{0,8} \sqrt{\frac{Q-1}{4}}$$

**Resposta da questão 39:**[C]

Seja  $C$  a função definida por

$$C(t) = \begin{cases} 39, & \text{se } 0 < t < 50 \\ 39 + 0,19(t - 50), & \text{se } t \geq 50 \end{cases} = \begin{cases} 39, & \text{se } 0 < t < 50 \\ 0,19t + 29,5, & \text{se } t \geq 50 \end{cases}$$

em que  $C(t)$  é o valor a ser pago pelos clientes que optarem pelo plano A, e  $t$  é o número de minutos utilizados.

Assim, o gráfico que melhor representa a função  $C$  é o da alternativa [C].

**Resposta da questão 40:**[A]

Queremos calcular  $t$  de modo que  $f(t) = 0,8 \cdot A$ .

Sabendo que  $f(0) = 0,2 \cdot A$ , temos

$$0,2 \cdot A = \frac{A}{1 + Be^{-Ak \cdot 0}} \Leftrightarrow 1 + B = 5 \Leftrightarrow B = 4.$$

Além disso, como  $f(1) = 0,5 \cdot A$ , vem

$$0,5 \cdot A = \frac{A}{1 + 4e^{-Ak \cdot 1}} \Leftrightarrow 1 + 4e^{-Ak} = 2 \Leftrightarrow e^{-Ak} = 4^{-1}.$$

Portanto, segue que

$$f(t) = 0,8 \cdot A \Leftrightarrow \frac{4}{5} \cdot A = \frac{A}{1 + 4 \cdot (e^{-Ak})^t}$$

$$\Leftrightarrow 4 + 16 \cdot 4^{-t} = 5$$

$$\Leftrightarrow 4^{-t} = 4^{-2}$$

$$\Leftrightarrow t = 2.$$

**Resposta da questão 41:**[E]

Seja a função definida por  $V(t) = at + b$ , em que  $V(t)$  é o volume de água no reservatório, em milhares de litros, após  $t$  dias.

Sabendo que o gráfico de  $V$  passa pelos pontos  $(11, 315)$

e  $(19, 279)$ , vem  $a = \frac{279 - 315}{19 - 11} = -\frac{9}{2}$ .

Logo,  $V(11) = 315 \Leftrightarrow \frac{9}{2} \cdot 11 + b = 315 \Leftrightarrow b = \frac{729}{2}$ .

Queremos calcular  $t$  de modo que  $V(t) = 0$ .

Portanto,  $-\frac{9}{2} \cdot t + \frac{729}{2} = 0 \Leftrightarrow t = 81$ , ou seja, como

$81 = 31 + 30 + 20$ , o reservatório esvaziou totalmente no dia 20 de dezembro.

**Resposta da questão 42:**[D]

Queremos calcular o valor de  $x$  para o qual se tem  $P = 3,6$ .

$$3,6 = 0,1 + \log_2(x - 1996) \Leftrightarrow x - 1996 = 2^{3,5}$$

$$\Leftrightarrow x = 2^3 \cdot \sqrt{2} + 1996 \Rightarrow x = 2007,2,$$

ou seja, a cidade atingiu a marca dos 3600 habitantes em meados de 2007.

**Resposta da questão 43:**[A]

Lembrando que  $\log_a b^c = c \cdot \log_a b$ , com  $1 \neq a > 0$  e  $b > 0$ , temos

$$Q = 15 \cdot \left(\frac{1}{10}\right)^{2t} \Leftrightarrow 10^{2t} = \frac{Q}{15} \Leftrightarrow \log_{10} 10^{2t} = \log_{10} \frac{Q}{15}$$

$$\Leftrightarrow 2t = \log_{10} \frac{Q}{15} \Leftrightarrow t = \frac{1}{2} \cdot \log_{10} \frac{Q}{15} \Leftrightarrow t = \log_{\sqrt{10}} \frac{Q}{15}.$$

**Resposta da questão 44:**[C]

$$Q(t) = Q_0 \cdot e^{0,45t} \rightarrow \frac{Q_0}{2} = Q_0 \cdot e^{0,45t}$$

$$2^{-1} = e^{0,45t} \rightarrow \log_e 2^{-1} = \log_e e^{0,45t}$$

$$-1 \cdot \log_e 2 = 0,45 \cdot t \rightarrow 0,69 = 0,45t$$

$$t = (1,5333...) \text{ horas} = 1 \text{ hora e } 32 \text{ minutos.}$$

**Resposta da questão 45:**[C]

$$t = 0 \Rightarrow Q(t) = 100\% \Rightarrow Q(0) = 30 \cdot 2^{\frac{0}{10}} = 30 \cdot 2^0 = 60$$

$$40\% \cdot 60 = 0,4 \cdot 60 = 24$$

$$24 = 30 \cdot 2^{\frac{t}{10}} \Rightarrow \frac{24}{30} = 2^{\frac{t}{10}} \Rightarrow 0,8 = 2^{\frac{t}{10}}$$

$$\Rightarrow \log_2 0,8 = \log_2 2^{\frac{t}{10}} \rightarrow \log_2 0,8 = 1 \cdot \frac{t}{10}$$

Mas,

$$\log_2 0,8 = \frac{\log_{10} 0,8}{\log_{10} 2} = \frac{\log_{10} \frac{8}{10}}{\log_{10} 2} = \frac{\log_{10} 8 - \log_{10} 10}{\log_{10} 2} = \frac{\log_{10} 2^3 - \log_{10} 10}{\log_{10} 2} =$$

$$= \frac{3 \cdot \log_{10} 2 - 1}{\log_{10} 2} = \frac{3 \cdot 0,3 - 1}{0,3} = \frac{-0,1}{0,3} = -\frac{1}{3}$$

Assim,

$$-\frac{1}{3} = 1 - \frac{t}{10} \Rightarrow -10 = 30 - 3t \Rightarrow 3t = 40 \Rightarrow t = \frac{40}{3} \text{ horas} = 800 \text{ min} = 13 \text{ h } 20 \text{ min}$$

### Resposta da questão 46:[E]

Calculando:

$$N_0 = \frac{20.000}{1 + 19 \cdot (0,5)^0} \Rightarrow N_0 = 1000$$

$$N_t = \frac{20.000}{1 + 19 \cdot (0,5)^t} = 5 \cdot 1000 \Rightarrow \frac{4}{1 + 19 \cdot (0,5)^t} = 1 \Rightarrow (0,5)^t = \frac{3}{19}$$

$$t = \log_{0,5} \left( \frac{3}{19} \right) = \frac{\log_{10} \left( \frac{3}{19} \right)}{\log_{10} \left( \frac{5}{10} \right)} = \frac{\log 3 - \log 19}{(\log 5) - 1} \Rightarrow t = \frac{\log 19 - \log 3}{1 - \log 5}$$

### Resposta da questão 47:[E]

Seja a função dada por  $p(t) = p_0 \cdot (1,02)^t$ , com  $p(t)$  sendo a população do país após  $t$  anos. Logo, como queremos calcular  $t$  para o qual se tem  $p(t) = 2 \cdot p_0$ , vem

$$2 \cdot p_0 = p_0 \cdot (1,02)^t \Leftrightarrow \log(1,02)^t = \log 2$$

$$\Leftrightarrow t \cdot \log(1,02) = \log 2 \Leftrightarrow t = \frac{\log 2}{\log 1,02}$$

$$\Rightarrow t \frac{0,301}{0,0086} \Leftrightarrow t = 35.$$

### Resposta da questão 48:[B]

Temos então os pontos  $(1, 70)$  e  $(3, 65)$  pertencentes ao gráfico II.

Calculando o coeficiente angular, temos:

$$m = \frac{65 - 70}{3 - 1} = -\frac{5}{2}.$$

Logo a função será  $y = -\frac{5}{2}x + b$ .

Determinando agora o valor de  $b$ , temos:

$$70 = -\frac{5}{2} \cdot 1 + b \Leftrightarrow b = \frac{145}{2}$$

$$\text{Logo, } y = -\frac{5}{2}x + \frac{145}{2}.$$

### Resposta da questão 49:[E]

A nota do grupo I aumentou, pois a reta apresenta coeficiente angular positivo, enquanto a nota do grupo II diminuiu, pois a reta apresenta coeficiente angular negativo.

### Resposta da questão 50:[C]

O número de elementos com comprimento maior do que ou igual a 3cm é dado por  $n_1 = \frac{5000}{3^2 + 1} = \frac{5000}{10} = 500$ .

O número de elementos com comprimento maior do que ou igual a 7cm é  $n_2 = \frac{5000}{7^2 + 1} = \frac{5000}{50} = 100$ .

Portanto, o número aproximado de alevinos com comprimento entre 3cm e 7cm é igual a  $500 - 100 = 400$ .

### Resposta da questão 51:[E]

Como  $4 - 3 \cdot (2^{-t})$  será sempre menor que 4 para qualquer  $t > 0$ ,  $P(t)$  nunca será inferior a 25% de  $P_0$ .

### Resposta da questão 52:[E]

O custo para produzir  $n$  camisas é dado por:

$$C(n) = 40n + 96000.$$

Se o preço de venda unitário é R\$ 80,00, então a receita obtida com a venda de  $n$  camisas é:  $R(n) = 80n$ .

Para um lucro de R\$ 60.000,00, temos:

$$L(n) = R(n) - C(n)$$

$$60000 = 80n - (40n + 96000) \Rightarrow 40n - 96000 = 60000 \Rightarrow n = 39000,$$

ou seja, deverão ser vendidas 39.000 camisas para que a empresa lucre R\$ 60.000,00.

Agora devemos calcular quantas camisas a empresa deverá vender para lucrar R\$ 120.000,00.

$$L(n') = 120000 \Rightarrow 40n' - 96000 = 120000 \Rightarrow n' = 54000.$$

Desse modo, para dobrar o lucro a empresa deverá vender em 2010

$$\frac{54000 - 39000}{39000} \cdot 100\% \cong 38,46\%$$

a mais do que vendeu em 2009 e, portanto, o valor mais próximo de  $x$  é **40**.

### Resposta da questão 53:[C]

$$\text{Tempo de uso do chuveiro } 2,5 \cdot 10 = 100 \text{ min} = \frac{100}{60} \text{ horas.}$$

$$C = \frac{P \times H \times D}{1000} = \frac{2500 \cdot \frac{100}{60} \cdot 30}{1000} = 125.$$

### Resposta da questão 54:[A]

O gráfico A representa melhor a situação, possui o primeiro intervalo nulo, o segundo uma reta crescente ( $y = 0,1x$ ) e o terceiro uma reta crescente ( $y = 0,2x$ ) com inclinação maior que a anterior (porcentagem maior).

### Resposta da questão 55:[A]

No estacionamento Verde, Lucas pagaria R\$ 5,00, enquanto que Clara pagaria  $5 \cdot 6 = \text{R\$ } 30,00$ . No estacionamento Amarelo, Lucas pagaria R\$ 6,00, enquanto que Clara pagaria  $6 + 2,5 \cdot 2 = \text{R\$ } 11,00$ .

No estacionamento Preto, Lucas pagaria R\$ 7,00, enquanto que Clara pagaria  $7 + 1 \cdot 3 = \text{R\$ } 10,00$ .

Portanto, o estacionamento Verde é a melhor opção para Lucas e o Preto é a melhor escolha para Clara.