

Resposta da questão 1:[C]

Sendo razão o mesmo que divisão, para se obter a razão entre a densidade populacional Nordeste e Norte, basta dividi-las: Razão = $\frac{\text{Nordeste}}{\text{Norte}} = \frac{34,4}{4}$.

Multiplicando-se ambos os termos da fração (divisor e dividendo) por um mesmo fator, nada se altera na proporção e podemos facilitar os cálculos. Sendo assim, teremos: $\frac{34,4 \times 10}{4 \times 10} = \frac{344}{40}$

Simplificando por 8, temos: $\frac{344/8}{40/8} = \frac{43}{5}$

Resposta da questão 2:[A]

Como a velocidade (v) é a razão entre a distancia (d) e o tempo (t) temos: $v = \frac{d}{t} \Rightarrow t = \frac{d}{v}$

Como queremos que os dois completem uma volta no mesmo tempo basta igualar os tempos dos atletas das raias A e B. Desta maneira, sabendo que o comprimento (C) de uma raia é dado por $C = 2 \cdot \pi \cdot r$ onde r é o raio da pista, temos:

$$t_A = t_B \Rightarrow \frac{d_A}{v_A} = \frac{d_B}{v_B}$$

$$\frac{2 \cdot \pi \cdot r_A}{4} = \frac{2 \cdot \pi \cdot r_B}{v_B} \Rightarrow \frac{2 \cdot \pi \cdot 80}{4} = \frac{2 \cdot \pi \cdot 100}{v_B} \Rightarrow v_B = 5 \text{ m/s}$$

Resposta da questão 3:[E]

Utilizando uma regra de três composta, temos:

Escoteiros	Dias	Açúcar (kg)
50 ↑	28 ↑	x ↑
10 ↑	7 ↑	3,5 ↑

$\frac{x}{3,5} = \frac{50}{10} \cdot \frac{28}{7} \Rightarrow x = \frac{3,5 \cdot 50 \cdot 28}{70} \Rightarrow x = 70 \text{ kg}$

Resposta da questão 4:[C]

Seja André (A), Bruno (B), Carlos (C), pode-se aplicar a regra de inversamente proporcional. Daí temos:

$$\frac{A}{1/3} + \frac{B}{1/16} + \frac{C}{1/12} = \frac{A+B+C}{\frac{1}{3} + \frac{1}{16} + \frac{1}{12}} = \frac{115}{\frac{16+3+4}{48}} \Rightarrow \frac{115}{16+3+4} = 5$$

$$\frac{C}{4} = 5 \Rightarrow C = 20$$

Resposta da questão 5:[B]

Tem-se que

$$\frac{1}{\frac{1}{T+4} + \frac{1}{T+9}} = T \Leftrightarrow \frac{1}{\frac{2T+13}{(T+4)(T+9)}} = T$$

$$\Rightarrow T^2 = 36$$

$$\Rightarrow T = 6 \text{ h.}$$

Por conseguinte, Beatriz produz $\frac{240}{15} = 16$ peças por

hora e Adriana produz $\frac{240}{10} = 24$ peças por hora.

A resposta é $24 - 16 = 8$.

Resposta da questão 6:[A]

Para obter quanto Pedro recebeu, basta dividir o total pela soma de todas as idades e multiplicar por 40, logo:

$$\frac{80000}{100} = 8000 \times 40 = 32000$$

Resposta da questão 7:[B]

Seja t o número de horas que a torneira C ficará aberta, de modo que o reservatório fique cheio. Assim, temos $\frac{1}{60} \cdot 4 + \frac{1}{48} \cdot 4 + \frac{1}{80} \cdot t = 1 \Leftrightarrow t = 68 \text{ h.}$

Portanto, a resposta é $4 + 4 + 68 = 76$ horas.

Resposta da questão 8:[A]

Sabendo que cada habitante produz em média $\frac{3}{4}$ kg de lixo por dia e a cidade possui 72.000 habitantes, deve-se obter quantos quilos de lixo a cidade produz. Desta maneira, temos a seguinte proporção:

$\frac{1}{3} = \frac{72000}{x}$, onde x representa o total de lixo produzido pela cidade.

Resolvendo a equação: $x = 7200 \cdot \frac{3}{4} = 54.000 \text{ kg.}$

Para se obter o número de caminhões utilizados basta dividir, o total de quilos de lixo produzido pela capacidade de carga de cada caminhão:

$$\frac{54.000}{9000} = 6 \text{ caminhões.}$$

Resposta da questão 9:[C]

Primeira garrafa (x L) : $\frac{2}{3}x$ do produto A

Segunda garrafa (2x L) : $\frac{3}{5}2x = \frac{6}{5}x$ do produto A

Juntas (3x L) : $\frac{2}{3}x + \frac{6}{5}x = \frac{28}{15}x$

Fração do produto A = $\frac{28x}{15} = \frac{28}{3x} = \frac{28}{45}$

Resposta da questão 10:[B]

Se x e y são inversamente proporcionais, então $y = \frac{k}{x}$,

em que k é a constante de proporcionalidade. Assim, a alternativa (b) é a única que apresenta uma relação da forma $y = \frac{k}{x}$, com k = 5.

Resposta da questão 11:[C]

$$\frac{S}{b \cdot d^2} = k \Leftrightarrow S = k \cdot b \cdot d^2$$

Resposta da questão 12:[C]

O resultado é dado por $\frac{\overline{CD}}{6000} = \frac{3}{400} \Leftrightarrow \overline{CD} = 45 \text{ cm.}$

Resposta da questão 13:[E]

Largura real da rodovia = x
 $X = 1.250\ 000\text{ mm} = 250\text{m}$
 Logo a afirmação E é a mais adequada.

Resposta da questão 14:[C]

$28 : 250 = 0,112\text{ m} = 11,2\text{ cm}$
 $12 : 250 = 0,048\text{ m} = 4,8\text{ cm}.$

Resposta da questão 15:[A]

$B = 4A$
 Total aplicado = $A + B = A + 4A = 5A$
 $A_{\text{final}} = 0,98A$
 $B_{\text{final}} = 1,15B = 1,15 \times 4A = 4,6A$
 Total_{final} = $A_{\text{final}} + B_{\text{final}} = 0,98A + 4,6A = 5,58A$
 taxa = $\frac{5,58A}{5A} \cdot 100\% = 11,6\%$

Resposta da questão 16:[C]

Como 6 horas correspondem a $\frac{1}{4}$ de 24, concluímos que o horário pretendido no sistema métrico corresponde a $\frac{1}{4}$ de 10, ou seja, 2,5 horas métricas, que corresponde a 2 horas métricas e 50 minutos métricos.

Resposta da questão 17:[C]

Sendo C o capital em reais, que o investidor brasileiro irá aplicar, M_1 o montante da primeira opção e M_2 o montante da segunda opção, temos:

Primeira opção:

$$M_1 = C \cdot 1,15 \text{ reais}$$

Segunda opção:

Como 1 dólar na data de aplicação vale A reais, 1 real na data de aplicação vale $\frac{1}{A}$ dólares.

Logo, C reais na data de aplicação valem $\frac{C}{A}$ dólares.

$$\text{Então, } M_2 = \frac{C}{A} \cdot 1,02 \text{ dólares}$$

Como 1 dólar na data do recebimento do montante vale B reais, $\frac{C}{A} \cdot 1,02$ dólares valem $\frac{C}{A} \cdot 1,02B$ reais.

$$\text{Assim, } M_2 = \frac{C}{A} \cdot 1,02B \text{ reais}$$

Como as aplicações devem resultar um mesmo montante em reais,

$$1,15C = \frac{C}{A} \cdot 1,02B$$

$$1,15 = \frac{1,02}{A} \cdot B$$

$$B = \frac{1,15}{1,02} A$$

Resposta da questão 18:[E]

Sejam V, t e d , o volume do poço, o número de trabalhadores e o número de dias necessários para escavar o poço. Sabendo que d e V são diretamente proporcionais, bem como d e t são inversamente proporcionais, temos $d = k \cdot \frac{V}{t}$, com k sendo a constante de proporcionalidade.

$$\text{Desse modo, } 25 = k \cdot \frac{\pi \cdot 3^2 \cdot 15}{18} \Leftrightarrow k = \frac{10}{3\pi}$$

Aumentando-se o raio do poço em 1m, segue que o número de dias necessários para executar o serviço será

$$d' = \frac{10}{3\pi} \cdot \frac{\pi \cdot 4^2 \cdot 15 - \pi \cdot 3^2 \cdot 15}{14} = 25.$$

Resposta da questão 19:[B]

Sejam p_A, p_B e p_C , respectivamente, os preços unitários das latas das marcas A, B e C. Sejam ainda q_A, q_B e q_C , respectivamente, a massa de tomate, em gramas, contida nas latas das marcas A, B e C.

$$\begin{cases} p_B = \frac{2}{3} \cdot p_A \\ p_C = 1,25 \cdot p_A \\ q_A = 0,9 \cdot q_C \\ q_C = 1,5 \cdot q_B \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} p_B = \frac{2}{3} \cdot p_A \\ p_C = \frac{5}{4} \cdot p_A \\ q_C = \frac{10}{9} \cdot q_A \\ q_B = \frac{20}{27} \cdot q_A \end{cases}$$

$$\text{Logo, como } \frac{p_B}{q_B} = \frac{\frac{2}{3} \cdot p_A}{\frac{20}{27} \cdot q_A} = \frac{9}{10} \cdot \frac{p_A}{q_A} \text{ e } \frac{p_C}{q_C} = \frac{\frac{5}{4} \cdot p_A}{\frac{10}{9} \cdot q_A} = \frac{9}{8} \cdot \frac{p_A}{q_A},$$

segue-se que a marca B é a que apresenta o menor custo por grama para o consumidor.

Resposta da questão 20:[E]

C = custo produção em reais

R = preço venda em reais

$$C_{\text{normal}} = \frac{12000 + 60 \cdot 500}{500} = 84$$

$$R_{\text{normal}} = 1,4 \cdot 84 = 117,60$$

$$C_{\text{recessão}} = \frac{12000 + 60 \cdot 500 \cdot 0,8}{500 \cdot 0,8} = 90$$

$$R_{\text{recessão}} = R_{\text{normal}} = 117,60$$

$$\frac{117,60 - 90}{90} = 0,3067 \approx 31\%$$

Resposta da questão 21:[C]

O montante produzido por um capital de R\$10.000,00, aplicado a juros compostos de $1,5\% = 0,015$ ao mês, durante 1 ano e 8 meses, isto é, 20 meses, é dado por

$$\begin{aligned} 10000 \cdot (1 + 0,015)^{20} &= 10000 \cdot (1,015)^{20} \\ &= 10000 \cdot [(1,015)^{10}]^2 \\ &\approx 10000 \cdot (1,16)^2 \\ &= 10000 \cdot 1,3456 \\ &= \text{R\$ } 13.456,00. \end{aligned}$$

Resposta da questão 22:[D]

Valor do lote de ações: v

Valor do lote no final do primeiro dia: $1,08 \cdot v$

Valor do lote no final do segundo dia: $0,94 \cdot 1,08 \cdot v$

$$0,94 \cdot 1,08 \cdot v = 10152$$

$$v = 10\ 000 \text{ reais}$$

Logo, $x = 10152 - 10\ 000 = 152$

e a soma dos algarismos será $1 + 2 + 5 = 8$.

Resposta da questão 23:[B]

Preço de cada revista: 10,00

Valor de cada revista na promoção:

$$\frac{12 \cdot 10(1 - 0,1875)}{13} = 7,50$$

Desconto por revista: $10,00 - 7,50 = 2,50$

Resposta da questão 24:[D]

Se M é o montante, C é o capital, i é a taxa e n é o prazo, então $M = C(1 + in)$.

Logo, $10000 = C(1 + 0,1 \times 1)$ $C = \frac{10000}{1,1}$.

Por outro lado, os juros (J) são dados por:

$$J = M - C = 10000 - \frac{100000}{11} = \frac{10000}{11} \cong \text{R\$ } 909,09.$$

Resposta da questão 25:[B]

x = valor do salário

$$\frac{P}{100} \cdot 28000 + \frac{P+2}{100} \cdot (x - 28000) = \frac{(P+0,25)}{100} \cdot x \Leftrightarrow$$

$$2x - 0,25x = 55000 \Leftrightarrow x = 32000$$

Resposta da questão 26:[A]

$$\sqrt{\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2}} = \frac{3^5}{2^{10}} \cdot \sqrt{0,24V}$$

Resposta da questão 27:[C]

$$0,12 \cdot X + 0,08 \cdot (12000 - X) = 1300$$

$$0,12 \cdot X + 960 - 0,08 \cdot X = 1300$$

$$0,04X = 340$$

$$X = 8500 \text{ e } Y = 3500$$

$$\frac{3500}{8500} = \frac{7}{K} \rightarrow K = 17$$

Resposta da questão 28:[B]

Horas que passaram: x

Horas que faltam passar: $24 - x$

De acordo com o enunciado, podemos escrever que:

$$x - (24 - x) = 3 \text{ horas} + 16 \text{ minutos.}$$

$$2x = 27 \text{ horas} + 16 \text{ minutos}$$

$$x = 13 \text{ horas} + 30 \text{ minutos} + 8 \text{ minutos}$$

Portanto, o horário em que o aluno fez a pergunta foi 13h 38min.

Resposta da questão 29:[C]

Considerando que o valor que caberia a mãe seria x , podemos escrever que:

Valor que caberia a cada menino: $2x$

Valor que caberia a cada menina: $3x$

Podemos, então, escrever a seguinte equação:

$$x + 2x + 2x + 3x = 180 \Rightarrow x = 10$$

Portanto, a mãe recebeu 10 milhões, cada menino recebeu 20 milhões e a menina recebeu 30 milhões.

Resposta da questão 30:[D]

Tempo utilizado para as questões de Língua Portuguesa:

$$\frac{T}{3}$$

Tempo utilizado para as questões de Língua Inglesa:

$$\frac{1}{4} \cdot \frac{2 \cdot T}{3} = \frac{T}{6}$$

Tempo utilizado para as questões de Matemática:

$$\frac{80}{100} \cdot \left(1 - \frac{T}{3} - \frac{T}{6}\right) = \frac{2 \cdot T}{5}$$

Tempo utilizado para o preenchimento do cartão de respostas: 5 minutos.

Tempo que sobrou depois de ter entregado a prova: 22 minutos.

Temos então a seguinte equação:

$$\frac{T}{3} + \frac{T}{6} + \frac{2T}{5} + 5 + 22 = T \Rightarrow \frac{10T + 5T + 12T + 150 + 660}{30} = \frac{30T}{30} \Rightarrow 3T = 810 \Rightarrow T = 270 \text{ minutos.}$$

Portanto, $T \geq 260$.

Resposta da questão 31:[A]

Calculando:

$$A = \frac{\pi \left(\frac{1003}{2}\right)^2}{3} - \frac{\pi \left(\frac{997}{2}\right)^2}{3} = \frac{\pi}{3} \cdot \left(\frac{1.003^2 - 997^2}{4}\right) = \frac{\pi}{3} \cdot \left(\frac{(1.003 - 997) \cdot (1.003 + 997)}{4}\right)$$

$$A = \frac{\pi}{3} \cdot \left(\frac{6 \cdot 2.000}{4}\right) = \frac{1}{3} \cdot \frac{22}{7} \cdot \frac{12.000}{4} = \frac{22.000}{7}$$

$$\text{Médias fiscais} \rightarrow M = \frac{3+3+4+2+4+5}{6} = \frac{21}{6} = \frac{7}{2}$$

$$\text{Pessoas na manifestação} = A \cdot M = \frac{22.000}{7} \cdot \frac{7}{2} = 11.000 \text{ pessoas}$$

Resposta da questão 32:[E]

O lucro médio do artesão é dado por

$$\frac{2 \cdot 15 + 4 \cdot 12,50 + 4 \cdot 10}{2 + 4 + 4} = \text{R\$ } 12,00.$$

Resposta da questão 33 :[B]

Para se obter a média de acertos deve-se multiplicar cada acerto pelo número correspondente de alunos e dividir por vinte (total de alunos):

$$\text{média} = \frac{(0 \times 2) + (1 \times 4) + (4 \times 3) + (5 \times 2) + (6 \times 0) + (7 \times 4) + (8 \times 4) + (9 \times 1)}{20} = 4,75$$

Somando o número de alunos com média de acerto acima de 4,75 presentes na tabela temos:

$$2 + 0 + 4 + 4 + 1 = 11.$$

Resposta da questão 34:[D]

Primeiramente deve-se saber o tempo total do documentário de 60 curtas metragens de 8 minutos cada: $60 \times 8 = 480$ minutos.

Dividindo os 480 minutos por 3 minutos, temos:

$$\frac{480}{3} = 160 \text{ curtas metragens.}$$

Resposta da questão 35:[A]

As opções de posicionamento de acordo com as informações das posições de Ayrton, Emerson e Rubens são:

Largada	Final	Largada	Final	Largada	Final
Emerson	Rubens	A	Rubens	Emerson	Rubens
B	Ayrton	Emerson		B	
Ayrton	Emerson	C	Ayrton	C	Emerson
C		Ayrton	Emerson	D	Ayrton
D		E		Ayrton	

Largada	Final	Largada	Final	Largada	Final
A	Rubens	A	Rubens	A	Rubens
Emerson	Ayrton	B		B	
Ayrton		Emerson	Ayrton	Emerson	
D	Emerson	Ayrton		D	Ayrton
E		E	Emerson	Ayrton	Emerson

Como Felipe e Nelson trocaram de posição, suas respectivas posições não devem permutar com o posicionamento dos outros três participantes. Assim, a única opção válida de posicionamento será:

Largada	Final
Emerson	Rubens
Rubens	Ayrton
Ayrton	Emerson
C	D
D	C

Onde Felipe e Nelson ocupam as posições C e D (não há como precisar qual ocupa qual, apenas que elas se invertem na chegada).

Resposta da questão 36:[D]

Gasolina

$$\rightarrow \frac{240 \text{ km/dia}}{12 \text{ km/L}} = 20 \text{ litros/dia} \times \text{R\$ } 3,50/\text{m}^3 = \text{R\$ } 70/\text{dia}$$

GNV

$$\rightarrow \frac{240 \text{ km/dia}}{15 \text{ km/m}^3} = 16 \text{ m}^3/\text{dia} \times \text{R\$ } 2,00/\text{m}^3 = \text{R\$ } 32/\text{dia}$$

Economia por dia $\rightarrow 70 - 32 = 38$ reais

$$\frac{3.819}{38} = 100,5 \rightarrow 101 \text{ dias}$$

Resposta da questão 37:[B]

280 mL — 5 pessoas

x — 54 pessoas

$$x = 3024 \text{ mL} = 3,024 \text{ L}$$

Se as embalagens vêm em múltiplos de 0,5 L (500 mL), então será necessário ter em mãos, para não faltar leite, 7 caixas ou 3,5 L.

Resposta da questão 38:[C]

Como foram dois meses no primeiro emprego e um no segundo, temos: $2 \cdot (1232,66) + 2521,57 = 4986,89$

Resposta da questão 39:[A]

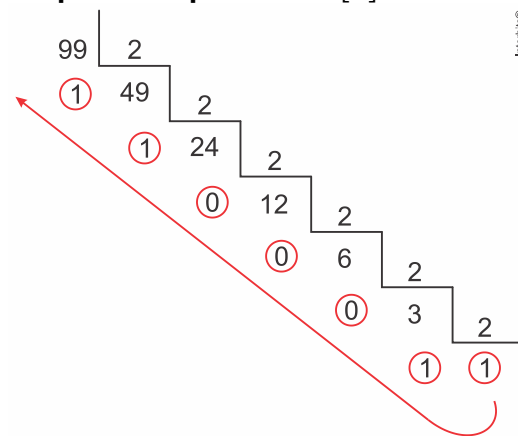
Para obter o número total de barreiras, basta dividir o tamanho total do percurso pelo espaço que cada barreira está uma da outra, ou seja, $1000 \div 25 = 40$.

Porém, como a última barreira está a 25 metros da linha de chegada, deve-se subtrair uma barreira, logo: $40 - 1 = 39$ barreiras.

Resposta da questão 40:[D]

Equacionando a situação temos: $3 + 15 + \frac{7}{5} \cdot 15 = 39$

Resposta da questão 41:[A]



Portanto, $99_{(10)} = 1100011_{(2)}$.

Resposta da questão 42:[B]

$$96 \text{ km}^3 = 9,6 \cdot 10^{16} \text{ cm}^3$$

$$0,92 \text{ g} = 0,92 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

Massa de 96 km^3 de gelo em quilogramas:

$$9,6 \cdot 10^{16} \cdot 0,92 \cdot 10^{-3} = 8,832 \cdot 10^{13} \text{ kg}$$

Resposta da questão 43:[B]

Sendo $25 \text{ m}^3 = 25000 \text{ dm}^3 = 25000 \text{ L}$, podemos concluir que o consumo diário por pessoa foi de $\frac{25000}{5 \cdot 30} \cong 167 \text{ L}$, ou seja, no limite do bom senso.

Resposta da questão 44:[B]

A resposta, em milhões de barris, é $1,1 \cdot \frac{1,85 + 1,97 + 2}{3} = 2,134$.

Resposta da questão 45:[D]

A média é dada por

$$\frac{237 + 262 + 158 + 159 + 160 + 278 + 300 + 278}{8} = 229.$$

Portanto, tem-se que deverão ser contratados $5 \cdot 10 + 3 \cdot 7 = 71$ funcionários.

Resposta da questão 46:[D]

Sendo a média igual a $\frac{37 + 33 + 35 + 22 + 30 + 35 + 25}{7} = 31$, tem-se que a resposta é o mês [V].

Resposta da questão 47:[E]

Seja x a média mensal nos últimos 5 meses do ano.

Daí, segue que $\frac{7 \cdot 84 + 5 \cdot x}{12} = 99 \Leftrightarrow x = 120$.

Resposta da questão 48:[D]

$$\frac{P_1 \cdot 1^2 + P_2 \cdot 2^2 + P_3 \cdot 3^2}{1 + 4 + 9} = \frac{P_1 + 4P_2 + 9P_3}{14} = 5,4$$

$$\text{Se } \Rightarrow P_1 = P_2 = 0$$

$$\frac{9P_3}{14} = 5,4 \Rightarrow P_3 = 8,4$$

Resposta da questão 49:[D]

Pela divisão Euclidiana sabemos que $40 = 6 \cdot 6 + 4$.
Então, a figura que ocupa a 40ª posição é a mesma que ocupa a quarta posição na sequência toda, ou seja, o paralelepípedo.

Resposta da questão 50:[D]

É imediato que a resposta é 460.171.

CM	DM	M	C	D	U
4	6	0	1	7	1

Resposta da questão 51:[C]

A capacidade mínima do reservatório deve ser:
 $V = 3500 \cdot 16 \cdot (0,028 \cdot 1000) \rightarrow V = 1.568.000$ litros

Resposta da questão 52:[D]

Tem-se que a resposta é dada por
 $\frac{443 \cdot 12 \cdot 2,54}{100} \cong 135$ m.

Resposta da questão 53:[A]

Do filho mais velho ao filho mais novo passaram-se 20 anos. Logo, a idade da avó de Tomás será dada pela seguinte soma: $19 + 20 + 19 = 58$.

Resposta da questão 54:[C]

Sendo a profundidade igual a "altura máxima" do aquário, o nível total preenchido de água foi:
 $0,5 \cdot 80\% = 0,40$ m, ou seja, restam apenas $0,10$ m = 10 cm não preenchidos.

Calculando-se o volume do espaço a ser preenchido de água, tem-se: $0,1 \cdot 1 \cdot 1,20 = 0,12$ m³

Sendo 1 m³ = 1000 L, então $0,12$ m³ = 120 L.

Resposta da questão 55:[B]

O resultado pedido é igual a
 $\frac{49}{210} + \frac{48}{223} + \frac{48}{236} \cong 0,217 = 21,7\%$.

Resposta da questão 56:[E]

$$680 = (18 \cdot 37,5 + 5) \text{ réis}$$

$680 = (19 \cdot 37,5 - 32,5)$ réis (não é possível voltar troco com as moedas disponíveis)

$$680 = (20 \cdot 37,5 - 70) \text{ réis}$$

O troco deverá ser de 70 réis, uma de 10, uma de 20 e uma de 40 réis, conforme alternativa [E].

Resposta da questão 57:[A]

O resultado pedido é dado por $500 \cdot \frac{2500}{10000} = 125$ kg.

Resposta da questão 58:[E]

Sabendo que $1 \text{hm}^2 = 10.000 \text{m}^2$, temos

$$8 \text{ha} = 8 \text{hm}^2 = 8 \cdot 10000 = 80.000 \text{m}^2.$$

Resposta da questão 59:[C]

Tempo de vazamento: 2 h e 20 min = 140 min.

Total de água no reservatório após o vazamento:
 $30000 \text{L} - 140 \cdot 30 \text{L} = 25800 \text{L} = 25,8 \text{L}$.

Resposta da questão 60:[D]

Resposta da questão 61:[B]

valor do produto : V

Á prazo :

$$\left(V \cdot \left(1 - \frac{x}{100} \right) \frac{V}{2} \right) \cdot 1,25 \geq \frac{V}{2} \rightarrow \left(V \cdot \left(1 - \frac{x}{100} \right) \frac{V}{2} \right) \geq \frac{V}{2,5}$$

$$V \cdot \left(1 - \frac{x}{100} \right) \frac{V}{2} \geq \frac{2V}{5} \rightarrow 1 - \frac{x}{100} \geq \frac{2}{5} \quad (\times 10)$$

$$10 - \frac{10x}{100} \geq 4 \rightarrow \frac{10x}{100} \leq 6 \rightarrow x \leq 60\%$$

Resposta da questão 62:[E]

preço custo = x

preço revenda = y

$$0,8y = 1,25x \Rightarrow y = 1,5625x \Rightarrow y > 1,5x$$

Resposta da questão 63:[D]

Considerando o valor de US\$ 80,00 para o produto, temos:

$$\text{Valor com a taxa de } 45\% : 80 + 80 \cdot 0,45 = 80 \cdot 1,45$$

Valor com a tarifa de 15% :

$$80 \cdot 1,45 + 80 \cdot 1,45 \cdot 0,15 = 80 \cdot 1,45 \cdot (1 + 0,15) \cong 80 \cdot 1,67$$

Portanto, o aumento percentual será dado por:

$$80 \cdot 1,67 - 80 = 0,67 \cdot 80 \text{ ou seja, } 67\% \text{ de } 80.$$

Resposta da questão 64:[B]

$$0,60 \cdot 0,80 = 0,48 = 48\%$$

Portanto, uma redução de $100\% - 48\% = 52\%$.

Resposta da questão 65:[A]

Como $13 \cdot 10^3 \text{ ton} = 13 \cdot 10^9 \text{ g}$ e $200 \text{mL} = 2 \cdot 10^{-1} \text{ L}$, segue que o resultado pedido é igual a
 $\frac{13 \cdot 10^9 \cdot 2 \cdot 10^{-1}}{21} \cong 124 \cdot 10^6 \text{ L}$.

Resposta da questão 66:[B]

Transformando os tempos dados para minutos e calculando-se o mínimo múltiplo comum entre eles, tem-se:

$$\left. \begin{array}{l} 45 \text{ s} = 0,75 \text{ min} \\ 60 \text{ s} = 1 \text{ min} \\ 27 \text{ s} = 0,45 \text{ min} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{MMC}(0,75; 1; 0,45) = 9$$

Assim, a cada 9 minutos as lâmpadas vermelhas estarão acesas (pois todas as outras estarão acesas ao mesmo tempo). Lembrando que para encontrar o MMC deve-se fatorar os números (dividir sucessivamente por números primos em ordem crescente). Ou seja:

$$\left. \begin{array}{l} 0,75 \quad 1 \quad 0,45 \quad 2 \\ 0,75 \quad 0,50 \quad 0,45 \quad 2 \\ 0,75 \quad 0,25 \quad 0,45 \quad 3 \\ 0,25 \quad 0,25 \quad 0,15 \quad 3 \\ 0,25 \quad 0,25 \quad 0,05 \quad 5 \\ 0,05 \quad 0,05 \quad 0,01 \quad 5 \\ 0,01 \quad 0,01 \quad 0,01 \end{array} \right\} 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 = 900 \Rightarrow \frac{900}{100} = 9$$

Resposta da questão 67:[B]

Na primeira linha se encontra todos os números que quando divididos por 4 deixam resto zero e apresentam um quociente par. Sabendo que $2016 = 504 \cdot 4$, podemos concluir que 2016 encontra-se na primeira linha, portanto 2017 encontra-se na segunda linha.

Resposta da questão 68:[A]

Tempo para a colheita da variedade $V_1 : 5 + 3 + 1 = 9$ semanas.

Tempo para a colheita da variedade $V_2 : 3 + 2 + 1 = 6$ semanas.

Tempo para a colheita da variedade $V_3 : 2 + 1 + 1 = 4$ semanas.

O número mínimo de semanas necessárias para que a colheita das três variedades ocorra simultaneamente, será: $\text{MMC}(9, 6, 4) = 36$ semanas.

Resposta da questão 69:[B]

Para obter após quanto tempo os dois amigos se encontram na linha de chegada, basta obter o mínimo múltiplo comum (MMC) entre dos dois tempos. Ou seja:

$$\begin{array}{r|l} 28 & 2 \\ 24 & 2 \\ 14, 12 & 2 \\ 7, 6 & 2 \\ 7, 3 & 3 \\ 7, 1 & 7 \\ 1, 1 & 1 \end{array} \Rightarrow \text{MMC}(28, 24) = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 1 = 168$$

Dividindo 168 segundos por 60 para obter o tempo em minutos temos: $\frac{168}{60} = 2,8 = 2 \text{ min e } 48 \text{ segundos}$.

Resposta da questão 70:[B]

Vamos estabelecer em que ano o dia primeiro de maio (dia do trabalho) voltará a ser sexta-feira.

2015: 1 de maio é uma sexta-feira.

2016: 1 de maio é um domingo, pois 2016 é um ano bissexto.

2017: 1 de maio é uma segunda-feira.

2018: 1 de maio é uma terça-feira.

2019: 1 de maio é uma quarta-feira.

2020: 1 de maio é uma sexta-feira, pois 2020 é um ano bissexto.

Resposta da questão 71:[B]

Fatorando as quantidades de goiabas, laranjas e maçãs, tem-se:

$$\left. \begin{array}{l} 576 = 2^6 \cdot 3^2 \\ 432 = 2^4 \cdot 3^3 \\ 504 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 7 \end{array} \right\} \text{MDC}(432, 504, 576) = 2^3 \cdot 3^2 = 72 \text{ famílias}$$

Assim, cada família receberá:

$$576 \div 72 = 8 \text{ goiabas}$$

$$432 \div 72 = 6 \text{ laranjas}$$

$$504 \div 72 = 7 \text{ maçãs}$$

Somando as frutas que cada família receberá tem-se o número 21, que é múltiplo de 7.