

### Resposta da questão 1: [E]

A soma dos nove primeiros resultados é

$$12 \cdot 3 + 12 \cdot 3^2 + \dots + 12 \cdot 3^9 = 12 \cdot 3 \cdot \frac{3^9 - 1}{3 - 1} = 6 \cdot (3^{10} - 3).$$

A soma dos quatro últimos resultados é igual a

$$(12 \cdot 3^9 + 4) + (12 \cdot 3^9 + 8) + (12 \cdot 3^9 + 12) + (12 \cdot 3^9 + 16) = 4 \cdot 12 \cdot 3^9 + 40 = 20 \cdot (3^{10} + 2) - 4 \cdot 3^{10}.$$

O décimo segundo resultado é dado por

$$12 \cdot 3^9 + 3 \cdot 4 = 12 \cdot (3^9 + 1). \text{ O décimo resultado é } 12 \cdot 3^9 + 4.$$

A soma dos treze resultados é igual a

$$6 \cdot 3^{10} - 18 + 16 \cdot 3^{10} + 40 = 22 \cdot 3^{10} + 22 = 22 \cdot (3^{10} + 1).$$

### Resposta da questão 2: [E]

Seja  $C$  o capital aplicado. Logo, sabendo que o montante resgatado foi de R\$ 65.536,00, temos

$$65536 = C \cdot (1,01)^4 \cdot (1,02)^4 \Leftrightarrow C = \frac{4^8}{1,0302^4} \Leftrightarrow C = \left( \frac{4}{\sqrt{1,0302}} \right)^8 \Rightarrow C \approx 3,94^8.$$

Por conseguinte, podemos afirmar que o capital aplicado, em reais, foi aproximadamente igual a  $3,96^8$ .

### Resposta da questão 3: [E]

Se  $a$ ,  $b$  e  $c$  formam uma PG, então pode-se escrever:

$$\frac{b}{a} = \frac{c}{b} = r \Rightarrow b^2 = ac$$

Desenvolvendo a PA dada:

$$\log\left(\frac{3b}{5c}\right) - \log\left(\frac{5c}{a}\right) = \log\left(\frac{a}{3b}\right) - \log\left(\frac{3b}{5c}\right)$$

$$\Rightarrow \log\left(\frac{a}{3b}\right) + \log\left(\frac{5c}{a}\right) = 2\log\left(\frac{3b}{5c}\right) \Rightarrow \log\left(\frac{a}{3b} \cdot \frac{5c}{a}\right) = \log\left(\frac{9b^2}{25c^2}\right)$$

$$\frac{5c}{3b} = \frac{9b^2}{25c^2} \Rightarrow 5^3 c^3 = 3^3 b^3 \Rightarrow b = \frac{5}{3}c$$

$$\text{Juntando as duas equações: } \frac{25}{9}c^2 = ac \Rightarrow a = \frac{25}{9}c$$

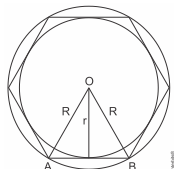
$$\text{Analisando: } b + c = \frac{5}{3}c + c = \frac{8}{3}c < \frac{25}{9}c = a$$

Logo,  $b + c < a$

Portanto,  $a$ ,  $b$  e  $c$  não são lados de um triângulo.

### Resposta da questão 4: [B]

Estabelecendo uma relação entre o raio  $r$  da circunferência inscrita e o raio  $R$  da circunferência circunscrita num hexágono regular.



$r$  é a altura de um triângulo equilátero de raio  $R$ , portanto:

$$r = \frac{R\sqrt{3}}{2}. \text{ Os raios considerados no exercício formarão uma}$$

P.G. infinita de razão, ou seja, PG  $(R, \frac{R\sqrt{3}}{2}, \frac{3R}{4}, \dots)$ .

A soma dos infinitos termos desta P.G. será dada por:

$$S = \frac{a_1}{1-q} = \frac{R}{1-\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{R}{1-\frac{\sqrt{3}}{2}} \cdot \frac{1+\frac{\sqrt{3}}{2}}{1+\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{R \cdot \left(1+\frac{\sqrt{3}}{2}\right)}{\frac{1}{4}} = 4R \cdot \left(1+\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

### Resposta da questão 5: [B]

Como o número de esferas acrescentadas a cada etapa cresce segundo uma progressão geométrica de razão 2, segue que, após  $n$  etapas, o volume ocupado pelas esferas é

$$\text{igual a } 0,5 \cdot \frac{2^n - 1}{2 - 1}. \text{ Daí, o número de etapas necessárias}$$

para que o volume total de esferas seja maior do que o volume do recipiente é tal que

$$0,5 \cdot \frac{2^n - 1}{2 - 1} > 40 \cdot 25 \cdot 20 \Leftrightarrow 2^n > 40 \cdot 1000 + 1 \Rightarrow 2^n > 40 \cdot 2^{10} + 1.$$

Como  $2^5 < 40 < 2^6$ , segue que  $n = 16$ .

### Resposta da questão 6: [A]

A expressão que fornece o saldo ao final de  $n$  meses é

$$= 600 \cdot 1,006 + 600 \cdot 1,006^2 + \dots + 600 \cdot 1,006^n$$

$$= 600 \cdot 1,006 \cdot \frac{1,006^n - 1}{1,006 - 1}$$

$$= 603,6 \cdot \frac{1,006^n - 1}{0,006}$$

$$= 100.600[(1,006)^n - 1].$$

### Resposta da questão 7: [D]

$$2 = 2q + 2q^2$$

$$q^2 + q - 1 = 0$$

$$q = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$$

$$S_\infty = \frac{a_1}{1-q} = \frac{2}{1 - \frac{\sqrt{5} - 1}{2}}$$

$$S_\infty = \frac{2}{\frac{3 - \sqrt{5}}{2}} = \frac{4}{3 - \sqrt{5}} = 3 + \sqrt{5}$$