

Resposta da questão 1: [B]

Se $(3, A, B)$ é uma progressão aritmética, então $2A = 3 + B$, ou seja, $B = 2A - 3$. Por outro lado, se $(3, A - 6, B)$ é uma progressão geométrica, então $(A - 6)^2 = 3B$. Logo, segue que $A^2 - 18A + 45 = 0$, implicando em $A = 3$ ou $A = 15$.

Resposta da questão 2: [E]

O número de unidades produzidas cresce segundo uma progressão geométrica de razão $q = 1 + 0,5 = 1,5$ e primeiro termo igual a 8.000. Portanto, a equação que determina o número de unidades produzidas P em função de t , para $t \geq 1$, é $P(t) = 8.000 \cdot (1,5)^{t-1}$.

Resposta da questão 3: [D]

$$a_n = a_0 \cdot q^n \Rightarrow 4096000 = 1000 \cdot 2^n \Rightarrow n = 12$$

$$T = 12 \cdot 20 = 240 \text{ min} = 4 \text{ horas}$$

Resposta da questão 4: [D]

Visto que os ladrilhos seguem um crescimento geométrico de ordem 2, e que o número de triângulos pretos é o mesmo número de ladrilhos, basta calcular o termo de número dez.

$$a_{10} = a_1 \cdot q^{(n-1)} \Rightarrow a_{10} = 1 \cdot 2^{(9)} = 512 \text{ triângulos pretos.}$$

Resposta da questão 5: [A]

Seja $2q$ a quantidade total de ovos vendidos em janeiro. Assim, o resultado pedido é dado por

$$\frac{(1,2)^2 \cdot q}{(1,2)^2 \cdot q + (0,9)^2 \cdot q} \cdot 100\% = \frac{1,44}{2,25} \cdot 100\% = 64\%.$$

Resposta da questão 6: [B]

$$a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$$

$$4096 = 1 \cdot 4^{n-1}$$

$$4^6 = 4^{n-1}$$

$$n = 7$$

Resposta da questão 7: [A]

O montante obtido com o presente dos pais é $5.000 \cdot (1 + 0,005)^{60} \approx 5.000 \cdot 1,35 = \text{R\$ } 6.750,00$.

O montante obtido com as aplicações mensais é dado por

$$100 \cdot (1,005^{59} + 1,005^{58} + \dots + 1) =$$

$$= 100 \cdot 1,005^{59} \cdot \frac{1 - \left(\frac{1}{1,005}\right)^{60}}{1 - \frac{1}{1,005}} \approx 100 \cdot \frac{0,35}{0,005} \approx \text{R\$ } 7.000,00.$$

Resposta da questão 08: [E]

O que desembolsou (T):

$$S_{21} = \frac{a_1 \cdot (q^n - 1)}{q - 1} \rightarrow T = \frac{1 \cdot (2^{21} - 1)}{2 - 1} \rightarrow T = 2^{21} - 1$$

O que recebeu (Q):

$$Q = 2 \cdot a_{21}$$

$$Q = 2 \cdot a_1 \cdot (q^{20})$$

$$Q = 2 \cdot 1 \cdot (2^{20})$$

$$Q = 2^{21}$$

$$T = Q - 1 \rightarrow Q = T + 1$$

Resposta da questão 09: [C]

VALOR DE d : PG(8, 4, 2, 1, ...)

$$S_\infty = \frac{a_1}{1 - q} \Rightarrow d = \frac{8}{1 - 0,5} = 16$$

ÁREAS DOS TRIÂNGULOS: PG(3h, 1,5h, ...)

$$S_\infty = \frac{a_1}{1 - q} \Rightarrow 51 = \frac{3h}{1 - 0,5} \Rightarrow h = 8,5$$

ÁREA DO RETÂNGULO:

$$A = 16 \cdot 8,5 = 136$$

Resposta da questão 10: [A]

$$12 + 12 + 12 \cdot \frac{1}{2} + \dots + 12 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^6 = 12 + 12 \cdot \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^6}{1 - \frac{1}{2}} = 12 + 12 \cdot \frac{63}{32} = 36 \text{ m.}$$

Resposta da questão 11: [D]

Calculando os comprimentos dos segmentos destacados e sua soma:

$$\left. \begin{array}{l} \text{seg}_1 = \frac{4}{2} = 2 \\ \text{seg}_2 = \frac{2\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \\ \text{seg}_3 = \frac{\sqrt{2}\sqrt{2}}{2} = 1 \end{array} \right\} \text{PG razão } q = \frac{1}{\sqrt{2}} \rightarrow S_\infty = \frac{2}{1 - \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)} = 4 + 2\sqrt{2}$$